

SVEUČILIŠTE U RIJECI
FAKULTET ZA MATEMATIKU

Sveučilište u Rijeci • Fakultet za matematiku

Radmile Matejčić 2 • 51 000 Rijeka • Hrvatska

T: (051) 584-650 • F: (051) 584-699

<http://www.math.uniri.hr> • e-adresa: math@math.uniri.hr

DETALJNI IZVEDBENI NASTAVNI PLAN KOLEGIJA

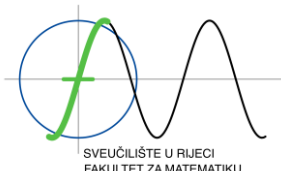
Opće informacije		
Naziv kolegija	Linearna algebra II	
Studijski program	Sveučilišni prijediplomski studij Matematika	
Godina	1. godina	
Status kolegija	Obvezatan	
Web stranica kolegija	https://moodle.srce.hr	
Mogućnost izvođenja nastave na engleskom jeziku	Da	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata	8
	Broj sati (P+V+S)	45+45+0
Nositelj kolegija	Ime i prezime	Marijana Butorac
	Ured	O-323
	Vrijeme za konzultacije	Ponedjeljak: 12:00-13:30
	Telefon	584-655
	e-adresa	mbutorac@math.uniri.hr
Suradnici na kolegiju	Ime i prezime	Ivona Traunkar
	Ured	O-527
	Vrijeme za konzultacije	
	Telefon	584-686
	e-adresa	inovak@math.uniri.hr
	Ime i prezime	Matteo Mravić
	Ured	O-524
	Vrijeme za konzultacije	
	Telefon	584-689
e-adresa	matteo.mravic@math.uniri.hr	

1. OPIS KOLEGIJA

1.1. Ciljevi kolegija

Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s osnovama linearne algebre. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:

- analizirati rješivost sustava linearnih jednadžbi i strukturu skupa rješenja;
- definirati linearnu mnogostrukost;
- razlikovati i primjenjivati različite načine rješavanja linearnih sustava;
- definirati karakteristični i minimalni polinom i analizirati njihova svojstva;
- definirati svojstvene vrijednosti linearnog operatora, analizirati njihova svojstva i opisati način njihovog određivanja;
- argumentirano primjenjivati kriterije dijagonalizacije linearnog operatora;
- definirati Jordanovu formu matrice;
- definirati unitarne prostore i normu, analizirati Cauchy-Schwarzovu nejednakost;
- definirati ortonormiranu bazu i ortogonalni komplement, te opisati Gram - Schmidtov postupak ortogonalizacije;
- uvesti koncepte operatora na unitarnim prostorima;



- definirati glavne osobine unitarnih, ortogonalnih, hermitskih, simetričnih i antihermitskih matrica;
- analizirati kvadratne forme.

1.2. Korelativnost i korespondentnost kolegija

1.3. Očekivani ishodi učenja za kolegij

Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

- I1. riješiti zadatke primjenom različitih metoda rješavanja sustava linearnih jednadžbi (A6, B6, C6, D3, E3, F3),
- I2. klasificirati svojstva linearnog operatora (unitarni operatori, ortogonalni operatori, simetrični i antisimetrični operatori, hermitski i antihermitski operatori) (A6, B6, C6, D3, E4, F3),
- I3. argumentirano primijeniti operacije s vektorima u rješavanju zadataka (A6, B6, C6, D5, E4, F5),
- I4. odrediti Jordanovu formu matrice (A4, B4, C3, D2, E2, F2),
- I5. konstruirati ortonormiranu bazu unitarnog prostora (A6, B6, C6, D4, E3, F5),
- I6. koristiti vektorske i matrične norme u rješavanju zadataka (A6, B6, C3, D2, E2, F2),
- I7. razlikovati unitarne, normirane i metričke prostore (A6, B6, C3, D2, E2, F2),
- I8. odrediti kanonski oblik (binarne) kvadratne forme (A4, B4, C3, D2, E2, F2),
- I9. matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, C6, D6, E5, F5).

1.4. Okvirni sadržaj kolegija

Sustavi linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.

Karakteristični i minimalni polinom. Invarijantni potprostori. Svojevrsne vrijednosti linearnog operatora. Jordanova forma matrice.

Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski. Norma. Metrika. Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. Simetrični operatori i kvadratne forme.

1.5. Vrste izvođenja nastave

- predavanja
- seminari i radionice
- vježbe
- e-učenje
- terenska nastava
- praktična nastava
- praktikumska nastava

- samostalni zadaci
- multimedija i mreža
- laboratorijski rad
- projektna nastava
- mentorski rad
- konzultativna nastava
- ostalo _____

1.6. Komentari

1.7. Oblici praćenja studenata i način vrednovanja rada studenata tijekom nastave

Studenti su obavezni aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit.

KOLOKVIJI (60 bodova)

Tijekom semestra bit će zadana dva pismena kolokvija sa zadacima iz linearne algebre. Na svakom kolokviju moguće je ostvariti maksimalnih 30 bodova.

TESTOVI (10 bodova)

Tijekom semestra organizirat će se dva testa u svrhu provjere razumijevanja gradiva s predavanja. Na svakom testu student može skupiti najviše 5 bodova.

POPRAVNE AKTIVNOSTI

U posljednjem tjednu nastave bit će organizirane popravne aktivnosti na kojima će studenti moći pisati propušteni kolokvij ili pisati zamjenski kolokvij umjesto jednog, lošije bodovanog kolokvija. Svaki student može pisati jedan popravni kolokvij po izboru. Tako ostvareni bodovi zamjenjuju raniji bodovni rezultat s kolokvija.

1.8. Konstruktivno povezivanje

ISHODI UČENJA	SADRŽAJ	NASTAVNE AKTIVNOSTI	METODE VREDNOVANJA
I1	Sustavi linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	<p>- predavanja, - audiorne vježbe, - rasprava, - samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)</p> <p>U nastavi će se primjenjivati: metoda usmenog izlaganja, metoda razgovora, metoda pisanja i metoda čitanja i rada na tekstu.</p>	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I2	Karakteristični i minimalni polinom. Invarijantni potprostori. Svojstvene vrijednosti linearnog operatora. Jordanova forma matrice. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. Simetrični operatori i kvadratne forme.		
I3	Cjelokupni sadržaj kolegija.		
I4	Karakteristični i minimalni polinom. Invarijantni potprostori. Svojstvene vrijednosti linearnog operatora. Jordanova forma matrice.		
I5	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.		
I6	Norma. Metrika.		
I7	Unitarni prostori. Norma. Metrika.		
I8	Simetrični operatori i kvadratne forme.		
I9	Cjelokupni sadržaj kolegija.		

2. SUSTAV OCJENJIVANJA

2.1. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave te način polaganja ispita

Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave i na završnom ispitu. Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70 (ocjenjuju se opisane aktivnosti studenata). Kroz sve oblike kontinuiranog praćenja i vrednovanja studenata tijekom nastave treba ukupno skupiti barem 50% ocjenskih bodova da bi se moglo pristupiti ispitu. Također, student mora ispuniti minimalne uvjete za pristup ispitu. Na ispitu je moguće ostvariti maksimalno 30 bodova. Prag prolaznosti na završnom ispitu ne može biti manji od 50% uspješno riješenog ispita. Ispit se polaže kao usmena provjera znanja.

Studenti koji tijekom nastave ostvare od 0% do 49,9% ocjenskih bodova koje je bilo moguće steći kroz oblike kontinuiranog praćenja i vrednovanja studenata ocjenjuju se ocjenom F (neuspješan), ne mogu steći ECTS bodove i moraju ponovno upisati predmet. Isto vrijedi i za studente koji u tri ponuđena ispitna roka ne polože završni ispit.

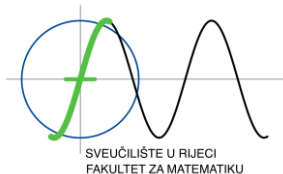
2.2. Minimalni uvjeti za pristup ispitu/prolaznu ocjenu

AKTIVNOST KOJA SE BODUJE	MINIMALNI BROJ BODOVA
Kolokviji	30
UKUPNO:	35
OSTALI UVJETI:	

2.3. Formiranje konačne ocjene

Na temelju ukupnog zbroja ocjenskih bodova stečenih tijekom nastave i na završnom ispitu određuje se konačna ocjena prema sljedećoj raspodjeli:

OCJENA	BODOVI
--------	--------



5 (A)	od 90 do 100 ocjenskih bodova
4 (B)	od 75 do 89,9 ocjenskih bodova
3 (C)	od 60 do 74,9 ocjenskih bodova
2 (D)	od 50 do 59,9 ocjenskih bodova
1 (F)	od 0 do 49,9 ocjenskih bodova

3. LITERATURA

3.1. Obvezna literatura

1. D. Bakić: Linearna algebra, Školska knjiga, Zagreb, 2008.
2. P. R. Halmos, Finite Dimensional Vector Spaces, Van Nostrand, New York, 1958.
3. K. Horvatić: Linearna algebra, monografija (više izdanja)
4. S.Kurepa: Uvod u linearnu algebru, Školska knjiga, Zagreb (više izdanja)

3.2. Dodatna literatura

1. Aglič Aljinović, N. Elezović: Linearna algebra: zbirka zadataka, Zagreb : Element, 2003.
2. D. Bakić: Linearna algebra, Školska knjiga, Zagreb, 2008.
3. L. Čaklović: Zbirka zadataka iz linearne algebre, Školska knjiga, Zagreb, 1976.
4. J. Dieudonne: Linearna algebra i elementarna geometrija, Školska knjiga, Zagreb, 1977.
5. S.Kurepa: Konačnodimenzionalni vektorski prostori, Liber, Zagreb, 1992.
6. D. Bakić: Linearna algebra i primjene, Školska knjiga, Zagreb, 2021.

4. DODATNE INFORMACIJE O KOLEGIJU

4.1. Pohađanje nastave

Studenti su dužni informirati se o nastavi s koje su izostali.

Ne tolerira se nikakav oblik remećenja nastave te korištenje mobitela za vrijeme nastave, na kolokvijima i ispitima. Studenti su dužni poštovati norme Etičkog kodeksa Sveučilišta u Rijeci.

4.2. Način informiranja studenata

Svi relevantni podaci i obavijesti o kolegiju bit će objavljeni u okviru online kolegija. Osobna odgovornost studenta je biti redovito informiran.

4.3. Ostale relevantne informacije

Od studenata se očekuje visok stupanj samostalnosti i odgovornosti u radu. Tijekom rada na kolegiju poticat će se poučavanje usmjereno studentu i aktivni pristup učenju.

Prilikom izrade zadataka predviđenih planom i programom kolegija studenti se ne smiju služiti tuđim tekstom kao svojim. Svako neovlašteno preuzimanje tuđega teksta bez navođenja izvora smatra se intelektualnom krađom i podložno je sankcijama predviđenim važećim aktima! Uratke koje studenti budu slali putem sustava Merlin trebaju pripremiti prema uputi koju će dobiti na nastavi.

4.4. Način praćenja kvalitete i uspješnosti izvedbe kolegija

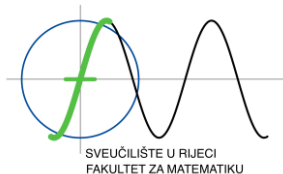
Kvaliteta održane nastave prati se u skladu s aktima Fakulteta za matematiku i Sveučilišta u Rijeci. Krajem semestra provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave iz ovog kolegija. Nakon završetka semestra provest će se analiza uspješnosti studenata iz ovog kolegija.

4.5. Ispitni rokovi

Ljetni	20.06.2024. u 8:30
	15.07.2024. u 8:30
Jesenski	29.08.2024. u 8:30
	11.09.2024. u 8:30

5. SATNICA IZVOĐENJA NASTAVE U AKADEMSKOJ GODINI 2023/2024.

DATUM	VRIJEME	OBLIK NASTAVE	NAZIV TEME	GRUPA	PROSTORIJA
06.03.2024.	14:15-17:00	P	Rješivost sustava linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi.	SVI	O-027
07.03.2024.	9:15-12:00	AV	Ponavljanje gradiva LAI potrebnog za kolegij LAII. Rješivost sustava linearnih jednadžbi.	1.GRUPA	O-S31
08.03.2024.	8:15-11:00	AV	Ponavljanje gradiva LAI potrebnog za kolegij LAII. Rješivost sustava linearnih jednadžbi.	2.GRUPA	O-S31
13.03.2024.	14:15-17:00	P	Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	SVI	O-027
14.03.2024.	9:15-12:00	AV	Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi.	1.GRUPA	O-S31
15.03.2024.	8:15-11:00	AV	Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi.	2.GRUPA	O-S31
20.03.2024.	14:15-17:00	P	Svojstvene vrijednosti linearnog operatora.	SVI	O-027
21.03.2024.	9:15-12:00	AV	Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	1.GRUPA	O-S31
22.03.2024.	8:15-11:00	AV	Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	2.GRUPA	O-S31
27.03.2024.	14:15-17:00	P	Karakteristični i minimalni polinom.	SVI	O-027
28.03.2024.	9:15-12:00	AV	Svojstvene vrijednosti linearnog operatora.	1.GRUPA	O-S31
29.03.2024.	8:15-11:00	AV	Svojstvene vrijednosti linearnog operatora.	2.GRUPA	O-S31
03.04.2024.	14:15-17:00	P	Invarijantni potprostori.	SVI	O-027
04.04.2024.	9:15-12:00	AV	Karakteristični i minimalni polinom.	1.GRUPA	O-S31
05.04.2024.	8:15-11:00	AV	Karakteristični i minimalni polinom.	2.GRUPA	O-S31
10.04.2024.	14:15-17:00	P	Jordanova forma matrice.	SVI	O-027
11.04.2024.	9:15-12:00	AV	Invarijantni potprostori.	1.GRUPA	O-S31
12.04.2024.	8:15-11:00	AV	Invarijantni potprostori.	2.GRUPA	O-S31
17.04.2024.	14:15-17:00	P	Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski.	SVI	O-027
			1.TEST		
18.04.2024.	9:15-12:00	AV	Jordanova forma matrice.	1.GRUPA	O-S31
19.04.2024.	8:15-11:00	AV	Jordanova forma matrice.	2.GRUPA	O-S31
24.04.2024.	14:15-17:00	P	Norma. Metrika.	SVI	O-027
25.04.2024.	9:15-12:00	AV	Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski.	1.GRUPA	O-S31
26.04.2024.	8:15-11:00	AV	Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski.	2.GRUPA	O-S31
26.04.2024.	17:00-19:00		1.kolokvij		O-027
02.05.2024.	9:15-12:00	AV	Norma. Metrika.	1.GRUPA	O-S31
03.05.2024.	8:15-11:00	AV	Norma. Metrika.	2.GRUPA	O-S31
08.05.2024.	14:15-17:00	P	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	SVI	O-027
09.05.2024.	9:15-12:00	AV	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	1.GRUPA	O-S31
10.05.2024.	8:15-11:00	AV	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	2.GRUPA	O-S31
15.05.2024.	14:15-17:00	P	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima.	SVI	O-027
16.05.2024.	9:15-12:00	AV	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori.	1.GRUPA	O-S31
17.05.2024.	8:15-11:00	AV	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori.	2.GRUPA	O-S31
22.05.2024.	14:15-17:00	P	Unitarni operatori.	SVI	O-027
			2. TEST		



23.05.2024.	9:15-12:00	AV	Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. Simetrični operatori.	1.GRUPA	O-S31
24.05.2024.	8:15-11:00	AV	Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. Simetrični operatori.	2.GRUPA	O-S31
29.05.2024.	14:15-17:00	P	Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori.	SVI	O-027
31.05.2024.	8:15-11:00	AV	Hermitski operatori. Simetrični operatori. Kvadratne forme.	2.GRUPA	O-S31
05.06.2024.	14:15-17:00	P	Hermitski operatori. Simetrični operatori.	SVI	O-027
06.06.2024.	9:15-12:00	AV	Hermitski operatori. Simetrični operatori. Kvadratne forme.	1.GRUPA	O-S31
10.06.2024.	17:00-19:00		2. kolokvij		O-027
12.06.2024.	14:15-17:00	P	Kvadratne forme.	SVI	O-027
13.06.2024.	17:00-19:00		Popravni kolokvij		O-S31
14.06.2024.	17:00-20:00	P	Završno predavanje.	SVI	O-S31

Moguća su manja odstupanja u realizaciji izvedbenog plana.

Do 40% planirane nastave može biti održano online.

P – predavanja
 AV – auditorne vježbe
 VP – vježbe u praktikumu
 MV – metodičke vježbe
 S – seminari

1. GRUPA - studenti Fakulteta za matematiku Sveučilišta u Rijeci
2. GRUPA - studenti Fakulteta za fiziku Sveučilišta u Rijeci