

DETALJNI IZVEDBENI NASTAVNI PLAN KOLEGIJA

Opće informacije		
Naziv kolegija	Linearna algebra II	
Studijski program	Sveučilišni prijediplomski studij Matematika	
Godina	1. godina	
Status kolegija	Obvezatan	
Web stranica kolegija	https://moodle.srce.hr	
Mogućnost izvođenja nastave na engleskom jeziku	Da	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata	8
	Broj sati (P+V+S)	45+45+0
	Ime i prezime	Marijana Butorac
Nositelj kolegija	Ured	O-323
	Vrijeme za konzultacije	srijeda: 12:00-13:30
	Telefon	584-655
	e-adresa	mbutorac@math.uniri.hr
	Ime i prezime	Sanja Rukavina
	Ured	O-508
	Vrijeme za konzultacije	po dogovoru
	Telefon	584-670
	e-adresa	sanjar@math.uniri.hr
	Ime i prezime	Matteo Mravić
Suradnici na kolegiju	Ured	O-524
	Vrijeme za konzultacije	po dogovoru
	Telefon	584-689
	e-adresa	matteo.mravic@math.uniri.hr
	Ime i prezime	Ines Radošević Medvidović
	Ured	O-317
	Vrijeme za konzultacije	po dogovoru
	Telefon	584-669
	e-adresa	inesr@math.uniri.hr
	Ime i prezime	Emma Šepić
	Ured	O-318
	Vrijeme za konzultacije	po dogovoru
	Telefon	584-682
	e-adresa	emma.sepic@math.uniri.hr

1. OPIS KOLEGIJA

1.1. Ciljevi kolegija

Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s osnovama linearne algebre. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:

- analizirati rješivost sustava linearnih jednadžbi i strukturu skupa rješenja;
- definirati linearnu mnogostrukost;
- razlikovati i primjenjivati različite načine rješavanja linearnih sustava;

- definirati karakteristični i minimalni polinom i analizirati njihova svojstva;
- definirati svojstvene vrijednosti linearnog operatora, analizirati njihova svojstva i opisati način njihovog određivanja;
- argumentirano primjenjivati kriterije dijagonalizacije linearnog operatora;
- definirati Jordanovu formu matrice;
- definirati unitarne prostore i normu, analizirati Cauchy-Schwarzovu nejednakost;
- definirati ortonormiranu bazu i ortogonalni komplement, te opisati Gram - Schmidtov postupak ortogonalizacije;
- uvesti koncepte operatora na unitarnim prostorima;
- definirati glavne osobine unitarnih, ortogonalnih, hermitskih, simetričnih i antihermitskih matrica;
- analizirati kvadratne forme.

1.2. Korelativnost i korespondentnost kolegija

Program kolegija Linearna algebra II u korelaciji je s ostalim kolegijima iz matematike, posebice s kolegijima Linearna algebra I, Euklidski prostori i Matematička analiza I i II.

1.3. Očekivani ishodi učenja za kolegij

Nakon odslušanog kolegija i položenog ispita studenti će biti u stanju:

11. riješiti zadatke primjenom različitih metoda rješavanja sustava linearnih jednadžbi (A6, B6, C6, D3, E3, F3),
12. klasificirati svojstva linearnog operatora (unitarni operatori, ortogonalni operatori, simetrični i antisimetrični operatori, hermitski i antihermitski operatori) (A6, B6, C6, D3, E4, F3),
13. argumentirano primijeniti operacije s vektorima u rješavanju zadataka (A6, B6, C6, D5, E4, F5),
14. odrediti Jordanovu formu matrice (A4, B4, C3, D2, E2, F2),
15. konstruirati ortonormiranu bazu unitarnog prostora (A6, B6, C6, D4, E3, F5),
16. koristiti vektorske i matrice norme u rješavanju zadataka (A6, B6, C3, D2, E2, F2),
17. razlikovati unitarne, normirane i metričke prostore (A6, B6, C3, D2, E2, F2),
18. analizirati kvadratne forme (A4, B4, C3, D2, E2, F2),
19. matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, C6, D6, E5, F5).

1.4. Okvirni sadržaj kolegija

Sustavi linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.

Karakteristični i minimalni polinom. Invarijantni potprostori. Svojstvene vrijednosti linearnog operatora. Jordanova forma matrice.

Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski. Norma. Metrika. Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. Simetrični operatori i kvadratne forme.

1.5. Vrste izvođenja nastave

- ☒ predavanja
☐ seminari i radionice
☒ vježbe
☒ e-učenje
☐ terenska nastava
☐ praktična nastava
☐ praktikumska nastava

- ☒ samostalni zadaci
☒ multimedija i mreža
☐ laboratorijski rad
☐ projektna nastava
☐ mentorski rad
☐ konzultativna nastava
☐ ostalo _____

1.6. Komentari

1.7. Oblici praćenja studenata i način vrednovanja rada studenata tijekom nastave

Studenti su obavezni aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit.

KOLOKVIJI (60 bodova)

Tijekom semestra bit će zadana dva pismena kolokvija sa zadacima iz linearne algebre. Na svakom kolokviju moguće je ostvariti maksimalnih 30 bodova.

TESTOVI (10 bodova)

Tijekom semestra organizirat će se dva testa u svrhu provjere razumijevanja gradiva s predavanja. Na svakom testu student može skupiti najviše 5 bodova.

POPRAVNE AKTIVNOSTI

Svaki će student imati mogućnost popravljati jedan ili oba kolokvija u terminima predviđenim izvedbenim planom i programom. Bodovi ostvareni na kolokvijima koji se žele popravljati se brišu te se mjerodavnim smatraju bodovi ostvareni na ponovljenim (popravnim) kolokvijima.

1.8. Konstruktivno povezivanje

ISHODI UČENJA	SADRŽAJ	NASTAVNE AKTIVNOSTI	METODE VREDNOVANJA
I1	Sustavi linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I2	Karakteristični i minimalni polinom. Invarijantni potprostori. Svojstvene vrijednosti linearnog operatora. Jordanova forma matrice. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. Simetrični operatori i kvadratne forme.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I3	Cjelokupni sadržaj kolegija.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I4	Karakteristični i minimalni polinom. Invarijantni potprostori. Svojstvene vrijednosti linearnog operatora. Jordanova forma matrice.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I5	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I6	Norma. Metrika. Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I7	Unitarni prostori. Norma. Metrika.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I8	Simetrični operatori i kvadratne forme.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit
I9	Cjelokupni sadržaj kolegija.	predavanja, rasprava, auditorne vježbe, samostalni rad (https://moodle.srce.hr – dodatni materijali predviđeni za samostalni rad studenata)	pisane provjere znanja, usmeni ispit

		U nastavi će se primjenjivati: metoda usmenog izlaganja, metoda razgovora i metoda čitanja i rada na tekstu.	
--	--	---	--

2. SUSTAV OCJENJIVANJA

2.1. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave te način polaganja ispita

2.2. Minimalni uvjeti za pristup ispitu/prolaznu ocjenu

AKTIVNOST KOJA SE BODUJE	MINIMALNI BROJ BODOVA
Kolokviji	30
UKUPNO:	35
OSTALI UVJETI:	/

2.3. Formiranje konačne ocjene

Na temelju ukupnog zbroja ocjenskih bodova stečenih tijekom nastave i na završnom ispitu određuje se konačna ocjena prema sljedećoj raspodjeli:

OCJENA	BODOVI
5 (A)	od 90 do 100 ocjenskih bodova
4 (B)	od 75 do 89,9 ocjenskih bodova
3 (C)	od 60 do 74,9 ocjenskih bodova
2 (D)	od 50 do 59,9 ocjenskih bodova
1 (F)	od 0 do 49,9 ocjenskih bodova

3. LITERATURA

3.1. Obvezna literatura

1. D. Bakić: Linearna algebra, Školska knjiga, Zagreb, 2008.
2. P. R. Halmos, Finite Dimensional Vector Spaces, Van Nostrand, New York, 1958.
3. K. Horvatić: Linearna algebra, monografija (više izdanja)
4. S. Kurepa: Uvod u linearnu algebru, Školska knjiga, Zagreb (više izdanja)

3.2. Dodatna literatura

1. Aglič Aljinović, N. Elezović: Linearna algebra: zbirka zadataka, Zagreb : Element, 2003.
2. D. Bakić: Linearna algebra, Školska knjiga, Zagreb, 2008.
3. L. Čaklović: Zbirka zadataka iz linearne algebre, Školska knjiga, Zagreb, 1976.
4. J. Dieudonne: Linearna algebra i elementarna geometrija, Školska knjiga, Zagreb, 1977.
5. S. Kurepa: Konačnodimenzionalni vektorski prostori, Liber, Zagreb, 1992.
6. D. Bakić: Linearna algebra i primjene, Školska knjiga, Zagreb, 2021.

4. DODATNE INFORMACIJE O KOLEGIJU

4.1. Pohađanje nastave

Studenti su dužni informirati se o nastavi s koje su izostali.

Ne tolerira se nikakav oblik remećenja nastave te korištenje mobitela za vrijeme nastave, na kolokvijima i ispitima. Studenti su dužni poštovati norme Etičkog kodeksa Sveučilišta u Rijeci.

4.2. Način informiranja studenata

Svi relevantni podaci i obavijesti o kolegiju bit će objavljeni u okviru online kolegija. Osobna odgovornost studenta je biti redovito informiran.

4.3. Ostale relevantne informacije

Od studenata se očekuje visok stupanj samostalnosti i odgovornosti u radu. Tijekom rada na kolegiju poticati će se poučavanje usmjereno studentu i aktivni pristup učenju. Prilikom izrade zadataka predviđenih planom i programom kolegija studenti se ne smiju služiti tuđim tekstom kao svojim. Svako neovlašteno preuzimanje tuđega teksta bez navođenja izvora smatra se intelektualnom krađom i podložno je sankcijama predviđenim važećim aktima! Radove koje studenti budu slali putem sustava Merlin trebaju pripremiti prema uputi koju će dobiti na nastavi.

4.4. Način praćenja kvalitete i uspješnosti izvedbe kolegija

Kvaliteta održane nastave prati se u skladu s aktima Fakulteta za matematiku i Sveučilišta u Rijeci. Krajem semestra provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave iz ovog kolegija. Nakon završetka semestra provest će se analiza uspješnosti studenata iz ovog kolegija.

4.5. Ispitni rokovi

Ljetni	01.07.2026. u 8:30 15.07.2026. u 8:30
Jesenski	27.08.2026. u 8:30 10.09.2026. u 8:30

5. SATNICA IZVOĐENJA NASTAVE U AKADEMSKOJ GODINI 2025/2026.

DATUM	VRIJEME	OBLIK NASTAVE	NAZIV TEME	GRUPA	PROSTORIJA
02.03.2026.	9:15-12:00	P	Rješivost sustava linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi.	SVI	O-027
05.03.2026.	14:15-17:00	AV	Ponavljanje gradiva LAI potrebnog za kolegij LAII. Rješivost sustava linearnih jednadžbi.	SVI	O-027
09.03.2026.	9:15-12:00	P	Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	SVI	O-027
12.03.2026.	14:15-17:00	AV	Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi.	SVI	O-027
16.03.2026.	9:15-12:00	P	Svojstvene vrijednosti linearnog operatora.	SVI	O-027
19.03.2026.	14:15-17:00	AV	Rješavanje sustava linearnih jednadžbi.	SVI	O-027
23.03.2026.	9:15-12:00	P	Karakteristični i minimalni polinom.	SVI	O-027
26.03.2026.	14:15-17:00	AV	Svojstvene vrijednosti linearnog operatora.	SVI	O-027
30.03.2026.	9:15-12:00	P	Invarijantni potprostori. 1.TEST	SVI	O-027
02.04.2026.	14:15-17:00	AV	Karakteristični i minimalni polinom.	SVI	O-027
09.04.2026.	14:15-17:00	AV	Invarijantni potprostori.	SVI	O-027
13.04.2026.	9:15-12:00	P	Jordanova forma matrice.	SVI	O-027
16.04.2026.	14:15-17:00	AV	Jordanova forma matrice.	SVI	O-027
20.04.2026.	9:15-12:00	P	Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski.	SVI	O-027
23.04.2026.	14:15-17:00	AV	Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski.	SVI	O-027
24.04.2026.	17:00-19:00	AV	1. KOLOKVIJ	SVI	O-027, O-S31
27.04.2026.	9:15-12:00	P	Norma. Metrika.	SVI	O-027
30.04.2026.	14:15-17:00	AV	Norma. Metrika.	SVI	O-027
04.05.2026.	9:15-12:00	P	Gram-Schmidtov postupak	SVI	O-027

			ortogonalizacije.		
07.05.2026.	14:15-17:00	AV	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije.	SVI	O-027
08.05.2026.	17:00-19:00	AV	POPRAVAK 1. KOLOKVIJA		O-S31
11.05.2026.	9:15-12:00	P	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima.	SVI	O-027
14.05.2026.	14:15-17:00	AV	Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori.	SVI	O-027
18.05.2026.	9:15-12:00	P	Unitarni operatori.	SVI	O-027
21.05.2026.	14:15-17:00	AV	Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori.	SVI	O-027
25.05.2026.	9:15-12:00	P	Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. 2.TEST	SVI	O-027
28.05.2026.	14:15-17:00	AV	Simetrični operatori. Kvadratne forme.	SVI	O-027
01.06.2026.	9:15-12:00	P	Hermitski operatori. Simetrični operatori.	SVI	O-027
08.06.2026.	9:15-12:00	P	Kvadratne forme.	SVI	O-027
12.06.2026.	17:00-19:00	AV	2. KOLOKVIJ	SVI	O-027, O-S31
15.06.2026.	9:15-12:00	P	Završno predavanje.	SVI	O-027
18.06.2026.	14:15-17:00	AV	POPRAVAK 2. KOLOKVIJA		O-027

Moguća su manja odstupanja u realizaciji izvedbenog plana.

Do 40% planirane nastave može biti održano online.

P – predavanja

AV – auditorne vježbe

VP – vježbe u praktikumu

MV – metodičke vježbe

S – seminari