

DETALJNI IZVEDBENI NASTAVNI PLAN KOLEGIJA

Opće informacije		
Naziv kolegija	Teorija grafova	
Studijski program	Sveučilišni diplomski studij Diskretna matematika	
Godina	1.	
Status kolegija	Obvezatan	
Web stranica kolegija	https://moodle.srce.hr	
Mogućnost izvođenja nastave na engleskom jeziku	Postoji	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata	6
	Broj sati (P+V+S)	30 + 15 + 15
Nositelj kolegija	Ime i prezime	Dean Crnković
	Ured	O-310
	Vrijeme za konzultacije	Prema dogovoru
	Telefon	584-651
	e-adresa	deanc@math.uniri.hr
Suradnici na kolegiju	Ime i prezime	Tin Zrinski
	Ured	O-319
	Vrijeme za konzultacije	Utorak, 12:15 – 13:45
	Telefon	584-679
	e-adresa	tin.zrinski@math.uniri.hr

1. OPIS KOLEGIJA

1.1. Ciljevi kolegija

Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s teorijom grafova i primjenom teorije grafova. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:

- definirati osnovne pojmove teorije grafova, te opisati njihova osnovna svojstva,
- definirati Eulerov i Hamiltonov graf, dokazati neka njihova svojstva i opisati primjene,
- definirati pojmove povezanosti grafova, analizirati svojstva povezanih grafova i primjenu na konstrukciju pouzdanih komunikacijskih mreža,
- definirati sparivanje i savršeno sparivanje u grafovima, obraditi s tim pojmovima povezane tvrdnje i primjene,
- definirati osnovne pojmove Ramseyeve teorije grafova,
- definirati osnovne pojmove teorije usmjerenih grafova, obraditi osnovna svojstva i neke primjene,
- analizirati i usporediti određene algoritme.

1.2. Korelativnost i korespondentnost kolegija

Program kolegija Teorija grafova u korelaciji je s kolegijem Diskretna matematika.

1.3. Očekivani ishodi učenja za kolegij

Očekuje se da nakon odslušanog kolegija i položenog ispita studenti:

11. razlikuju navedene pojmove i svojstva grafova, te argumentirano primjenjuju odgovarajuća svojstva i tvrdnje pri rješavanju zadataka,
12. mogu analizirati probleme povezanosti grafova i pripadna svojstva,
13. mogu analizirati Eulerove i Hamiltonove grafove, te argumentirano primijeniti definicije i svojstva pri rješavanju zadataka,
14. mogu riješiti probleme koji se svode na sparivanje u grafovima,
15. mogu primijeniti tvrdnje i algoritme obrađene u okviru kolegija,
16. mogu matematički dokazati utemeljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija.

1.4. Okvirni sadržaj kolegija

Pojam i osnovna svojstva grafova. Eulerove ture i Hamiltonovi ciklusi. Problem kineskog poštara i Fleuryev algoritam. Problem trgovačkog putnika. Povezanost grafova. Pouzdane komunikacijske mreže. Sparivanje u grafovima. Savršena sparivanja. Problem zapošljavanja i mađarski algoritam za sparivanje. Problem optimalnog zapošljavanja i Kuhn-Munkresov algoritam. Nezavisni skupovi, pokrivači i klike. Ramseyeva teorija grafova. Usmjereni grafovi. Primjena na rangiranje igrača turnira. Primjena na jednosmjerni promet ulicama. Transportne mreže. Ford-Fulkersonov algoritam označavanja. Topološko sortiranje.

1.5. Vrste izvođenja nastave

- ☒ predavanja
- ☒ seminari i radionice
- ☒ vježbe
- ☒ e-učenje
- ☐ terenska nastava
- ☐ praktična nastava
- ☒ praktikumska nastava

- ☒ samostalni zadaci
- ☒ multimedija i mreža
- ☐ laboratorijski rad
- ☐ projektna nastava
- ☐ mentorski rad
- ☒ konzultativna nastava
- ☐ ostalo _____

1.6. Komentari

1.7. Oblici praćenja studenata i način vrednovanja rada studenata tijekom nastave

Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određeni broj bodova te položiti završni.

1.8. Konstruktivno povezivanje

ISHODI UČENJA	SADRŽAJ	NASTAVNE AKTIVNOSTI	METODE VREDNOVANJA
I1	Cjelokupni sadržaj kolegija.	Kroz predavanja, auditorne vježbe, rasprave i samostalni rad primjenjivat će se sljedeće metode učenja i poučavanja: metoda demonstracije, metoda usmenog izlaganja, metoda razgovora, metoda pisanja, metoda čitanja i rada na tekstu.	pisana provjera znanja, seminarski rad, zadaće, usmeni ispit
I2			
I3	Eulerove ture i Hamiltonovi ciklusi. Problem kineskog poštara i Fleuryev algoritam. Problem trgovačkog putnika.		
I4	Sparivanje u grafovima. Savršena sparivanja. Problem zapošljavanja i mađarski algoritam za sparivanje. Problem optimalnog zapošljavanja i Kuhn-Munkresov algoritam.		
I5	Cjelokupni sadržaj kolegija.		
I6			

2. SUSTAV OCJENJIVANJA

2.1. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave te način polaganja ispita

Rad studenta na kolegiju će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave i na završnom ispitu. Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70 (ocjenjuju se opisane aktivnosti studenata). Kroz sve oblike kontinuiranog praćenja i vrednovanja studenata tijekom nastave treba ukupno skupiti barem 50% ocjenskih

bodova da bi se moglo pristupiti ispitu. Također, student mora ispuniti minimalne uvjete za pristup ispitu. Na ispitu je moguće ostvariti maksimalno 30 bodova. Prag prolaznosti na završnom ispitu ne može biti manji od 50% uspješno riješenog ispita. Ispit se polaže kao usmena provjera znanja.

Studenti koji tijekom nastave ostvare od 0% do 49,9% ocjenskih bodova koje je bilo moguće steći kroz oblike kontinuiranog praćenja i vrednovanja studenata ocjenjuju se ocjenom F (neuspješan), ne mogu steći ECTS bodove i moraju ponovno upisati kolegij. Isto vrijedi i za studente koji u tri ponuđena ispitna roka ne polože završni ispit.

Kolokvij (30 bodova)

Organizirat će se jedan kolokvij na kojemu student može ostvariti najviše 30 bodova.

Studenti će imati mogućnost pisati popravni kolokvij. Bodovi ostvareni na popravnom kolokviu zamjenjuju prethodno ostvarene bodove.

Domaće zadaće (20 bodova)

Svaki student će dobiti četiri zadaće koje treba riješiti. Na svakoj zadaći student može ostvariti najviše 5 bodova.

Seminar (20 bodova)

Tijekom nastave studentima će biti zadana tema na temelju koje će trebati izraditi i izložiti seminarski rad. U ovoj kategoriji studenti će moći ostvariti najviše 20 bodova.

Završni ispit (30 bodova)

Završni ispit se sastoji od usmenog dijela te nosi najviše 30 bodova. Ispitni prag je 50%.

2.2. Minimalni uvjeti za pristup ispitu/prolaznu ocjenu

AKTIVNOST KOJA SE BODUJE	MINIMALNI BROJ BODOVA
Domaće zadaće	10
Seminar	10
Kolokvij	15
UKUPNO:	35
OSTALI UVJETI:	

2.3. Formiranje konačne ocjene

Na temelju ukupnog zbroja ocjenskih bodova stečenih tijekom nastave i na završnom ispitu određuje se konačna ocjena prema sljedećoj raspodjeli:

OCJENA	BODOVI
5 (A)	od 90 do 100 ocjenskih bodova
4 (B)	od 75 do 89,9 ocjenskih bodova
3 (C)	od 60 do 74,9 ocjenskih bodova
2 (D)	od 50 do 59,9 ocjenskih bodova
1 (F)	od 0 do 49,9 ocjenskih bodova

3. LITERATURA

3.1. Obvezna literatura

1. D.Veljan, Kombinatorna i diskretna matematika, Algoritam, Zagreb, 2001.
2. D.Veljan, Kombinatorika s teorijom grafova, Školska knjiga, Zagreb, 1989.

3.2. Dodatna literatura

1. N.Biggs: Discrete Mathematics, Clarendon Press, Oxford, 1989.
2. R.Diestel: Graph Theory, Fourth edition, Springer-Verlag, New York, 2010.
3. R.Balakrishnan, K.Ranganathan: A Textbook of Graph Theory, Springer-Verlag, Heidelberg, 2000.
4. R.Balakrishnan: Schaum's outline of Graph Theory: Included Hundreds of Solved Problems, McGraw-Hill, New York, 1997.

4. DODATNE INFORMACIJE O KOLEGIJU

4.1. Pohađanje nastave

Studenti su dužni informirati se o nastavi s koje su izostali. Ne tolerira se nikakav oblik remećenja nastave te korištenje mobitela za vrijeme nastave.

4.2. Način informiranja studenata

Svi relevantni podaci i obavijesti o kolegiju bit će objavljeni u okviru online kolegija. Osobna odgovornost studenta je biti redovito informiran.

4.3. Ostale relevantne informacije

Od studenata se očekuje visok stupanj samostalnosti i odgovornosti u radu. Tijekom rada na kolegiju poticati će se aktivni pristup učenju.

Prilikom izrade zadataka predviđenih planom i programom kolegija studenti se ne smiju služiti tuđim tekstom kao svojim. Svako neovlašteno preuzimanje tuđega teksta bez navođenja izvora smatra se intelektualnom krađom i podložno je sankcijama predviđenim važećim aktima! Uratke koje studenti budu slali putem sutava Merlin trebaju pripremiti prema uputi koju će dobiti na nastavi.

4.4. Način praćenja kvalitete i uspješnosti izvedbe kolegija

Kvaliteta održane nastave prati se u skladu s aktima Fakulteta za matematiku i Sveučilišta u Rijeci. Krajem semestra provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave iz ovog kolegija. Nakon završetka semestra provest će se analiza uspješnosti studenata iz ovog kolegija.

4.5. Ispitni rokovi

Zimski	12. 2. 2026. u 10:00, 26 .2. 2026. u 10:00
Izvanredni	18. 3. 2026. u 14:00
Jesenski	2. 9. 2026. u 10:00

5. SATNICA IZVOĐENJA NASTAVE U AKADEMSKOJ GODINI 2025/2026.

DATUM	VRIJEME	OBLIK NASTAVE	NAZIV TEME	GRUPA	PROSTORIJA
2.10.2025.	10:15 – 11:45	AV	Uvod u GAP	Svi	O-334
3.10.2025.	10:15 – 11:45	P	Pojam i osnovna svojstva grafova. Sparivanje u grafovima	Svi	O-027
9.10.2025.	10:15 – 11:45	AV	Pojam i osnovna svojstva grafova	Svi	O-334
10.10.2025.	10:15 – 11:45	P	Sparivanje u grafovima	Svi	O-027
16.10.2025.	10:15 – 11:45	AV	Eulerove ture i Hamiltonovi ciklusi	Svi	O-334
17.10.2025.	10:15 – 11:45	P	Sparivanje u bipartitnim grafovima	Svi	O-027
23.10.2025.	10:15 – 11:45	AV	Povezanost grafova	Svi	O-334
24.10.2025.	10:15 – 11:45	P	Sparivanje u bipartitnim grafovima	Svi	O-027
30.10.2025.	10:15 – 11:45	AV	Sparivanje u grafovima	Svi	O-334
31.10.2025.	10:15 – 11:45	P	Savršena sparivanja	Svi	O-027
6.11.2025.	10:15 – 11:45	AV	Mađarski algoritam Kuhn-Munkresov algoritam	Svi	O-334
7.11.2025.	10:15 – 11:45	P	Problem zapošljavanja i mađarski algoritam za sparivanje	Svi	O-027
13.11.2025.	10:15 – 11:45	AV	Nezavisni skupovi, pokrivači, klike	Svi	O-334
14.11.2025.	10:15 – 11:45	P	Problem optimalnog zapošljavanja	Svi	O-027
20.11.2025.	10:15 – 11:45	AV	Usmjereni grafovi	Svi	O-334
21.11.2025.	10:15 – 11:45	P	Kuhn-Munkresov algoritam	Svi	O-027
27.11.2025.	10:15 – 11:45	AV	Turniri Transportne mreže	Svi	O-334
28.11.2025.	10:15 – 11:45	P	Nezavisni skupovi, pokrivači, klike. Ramseyjeva teorija grafova	Svi	O-027
4.12.2025.	10:15 – 11:45	AV	Ford-Fulkersonov algoritam	Svi	O-334
5.12.2025.	10:15 – 11:45	P	Usmjereni grafovi	Svi	O-027
11.12.2025.	10:15 – 11:45		Kolokvij	Svi	O-334
12.12.2025.	10:15 – 11:45	P	Turniri	Svi	O-027
18.12.2025.	10:15 – 11:45		Popravni kolokvij	Svi	O-334
19.12.2025.	10:15 – 11:45	P	Rangiranje igrača turnira	Svi	O-027
8.1.2026.	10:15 – 11:45	S	Seminari	Svi	O-334
9.1.2026.	10:15 – 11:45	P	Jednosmjerni promet ulicama	Svi	O-027
15.1.2026.	10:15 – 11:45	S	Seminari	Svi	O-334
16.1.2026.	10:15 – 11:45	P	Transportne mreže	Svi	O-027
22.1.2026.	10:15 – 11:45	S	Seminari	Svi	O-334
23.1.2026.	10:15 – 11:45	P	Transportne mreže	Svi	O-027
29.1.2026.	10:15 – 11:45	S	Seminari	Svi	O-334

Moguća su manja odstupanja u realizaciji izvedbenog plana.

Do 40% planirane nastave može biti održano online.

P – predavanja

AV – auditorne vježbe

VP – vježbe u praktikumu

MV – metodičke vježbe

S – seminari